

$$i) V_n(t) = \frac{1}{\sqrt{A_{n,n} A_{n+1,n+1}}} \sum_{i=1}^n A_{n,i} y_i(t), \quad \text{маємо:}$$

$$\int_a^b U_\kappa(t) \cdot V_i(t) dt = \begin{cases} 1 & \text{для } \kappa = i, \\ 0 & \text{для } \kappa \neq i. \end{cases}$$

## II. ДЕЯКІ ЕКВІВАЛЕНТНІ ОЗНАЧЕННЯ ПОНЯТТЯ НЕЩІЛЬНОЇ МНОЖИНИ

Позначимо буквою  $A$  довільну підмножину простору  $C$ , знаком  $A^n$ , для довільного натурального  $n$ ,  $n$ -ту похідну множини  $A$ , а знаком  $A^c$  доповнення множини  $A$  до простору  $C$ .

Нехай в просторі  $C$  похідна  $A^d$  задовольняє умови: I.  $A \subset B$  впливає  $A^d \subset B^d$ , II.  $(A + B)^d \subset A^d + B^d$ , III.  $C^d = C$ , IV.  $A^d \subset A^d$ .

Можна довести, що в такому топологічному просторі є еквівалентні такі умови:

1)  $A^{dcd} = C$ , 2)  $A^{dcdcd} = 0$ , 3)  $A \subset A^{dcd}$ , 4)  $A \subset A^{dcdcdcd}$ ,  
5)  $A^{dcdcd} \subset A^{dcd}$ , 6)  $A^n \subset A^{dcd}$  (для будь-якого, довільно вибраного, натурального числа  $n$ ).

Кожна з цих формул є достатньою і необхідною умовою для того, щоб в просторі  $C$  множина  $A$  була нещільною множиною (ensemble non dense).