

ные главы, содержащие изложение основ этой теории, ставшей предметом университетского преподавания.

А. С. КОВАНЬКО

О ПРИМЕНИМОСТИ ТЕОРЕМЫ ФИШЕРА-РИССА К ПОЧТИ-ПЕРИОДИЧЕСКИМ ФУНКЦИЯМ ВЕЙЛЯ

Пусть дана последовательность комплексных чисел $\{a_n\}$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) таких, что

$$\sum_{n=1}^{\infty} |a_n|^2 < +\infty$$

и последовательность действительных чисел $\{\lambda_n\}$ ($n=1, 2, 3, \dots$) таких, что величина

$$\sum_{\substack{(k, l) \\ (k \neq l)}} \frac{a_k \cdot \bar{a}_l}{\lambda_k - \lambda_l} \left[e^{i(\lambda_k - \lambda_l)(a+T)} - e^{i(\lambda_k - \lambda_l)T} \right]$$

остаётся ограниченной по модулю для любой области значений k и l ($k \neq l$).

В этом случае имеет место теорема Фишера—Рисса в пространстве W_2 , т. е. существует такая функция $f(x) \in W_2$ почти-периодическая, что

$$a_n = \lim_{T \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{T} \int_a^{a+T} f(x) e^{-i\lambda_n x} dx \right] \quad (n=1, 2, 3, \dots)$$

и что

$$\lim_{T \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{T} \int_a^{a+T} |f(x)|^2 dx \right] = \sum_{n=1}^{\infty} |a_n|^2.$$

В частности, если $\sum_{\substack{(k, l) \\ (k \neq l)}} \frac{|a_k| |a_l|}{|\lambda_k - \lambda_l|}$ ограничена, то $f(x)$ ока-

зывается S_2 — почти-периодической.
