

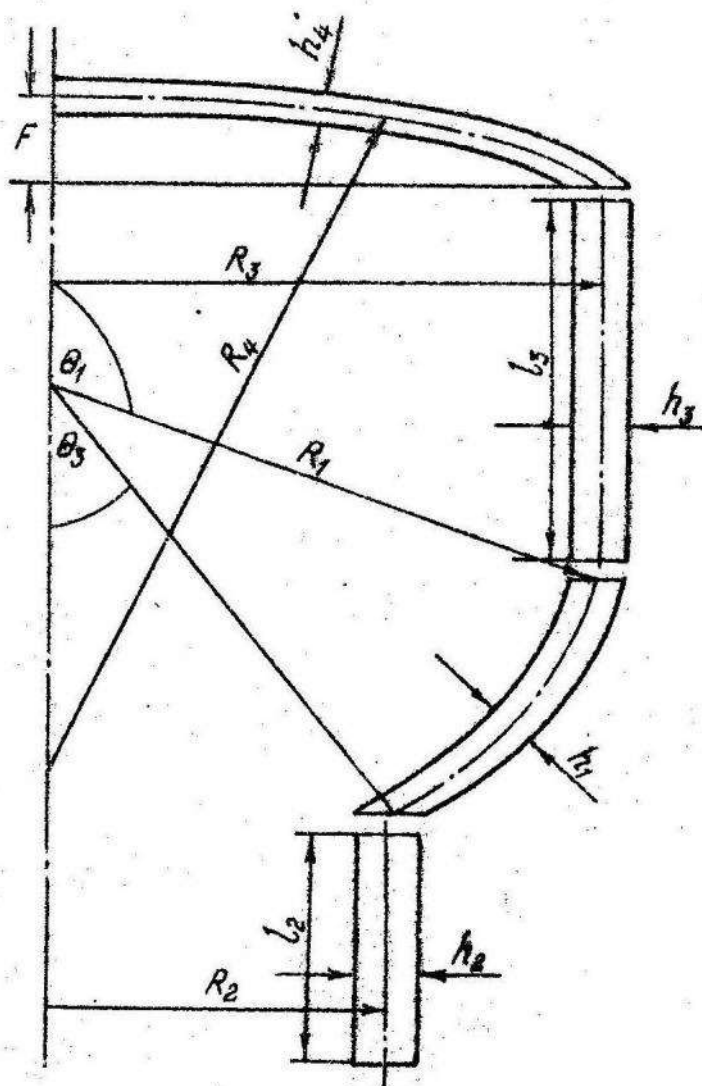
Список літератури: І. К в і т І.Д. Зворотна формула для відбиття. - Вісн. Львів.ун-ту, сер.мех.-мат., 1978, вип.ІЗ.

УДК 539.3

Л.Й.Ощипко

# ОПТИМІЗАЦІЯ СКЛАДОВИХ ОБОЛОНОК ЕЛЕКТРОВАКУУМНИХ ПРИЛАДІВ

Розглядаємо задачу мінімізації по вазі на міцність конструкції, що складається з чотирьох спряжених між собою оболонок обертання: двох сферичних і двох циліндричних /див.рисунок/. Конструкція знаходиться під рівномірним зовнішнім тиском  $q = \text{const}$ . Мінімум ваги /об'єму/ шукається при обмеженнях, що накладені на максимальні розтягуючі напруження і деякі геометричні параметри.



Отже, задача оптимального проектування по вазі /об'єму/ на міцність формулюється так:

знайти мінімум

$$V/\pi = 2(\cos \theta_1 + \cos \theta_3) R_1^2 h_1 + 2 R_2 l_2 h_2 + 2 R_3 l_3 h_3 + 2 R_4 F h_4 + h_4^3/6 \quad /1/$$

при обмеженнях

$$\sigma_z^{\max} \leq [\sigma]; \quad \sigma_x^{\max} \leq [\sigma]; \quad /2/$$

$$\sigma_\theta^{\max} \leq [\sigma]; \quad \alpha h_2 \geq h_3;$$

$$h_i > 0; \quad i = 1, 2, 3, 4, \quad /3/$$

де  $\sigma_z, \sigma_x, \sigma_\theta$  - згинні напруження на зовнішній поверхні конструкції відповідно у сферичній оболонці товщини  $h_4$ , циліндричній оболонці товщини  $h_3$  і сферичній оболонці товщини  $h_1$ ;  $[\sigma]$  - допустиме напруження.

За регульовані параметри обираються товщини оболонок  $h_1, h_2, h_3$  і  $h_4$ .

Апроксимуючи функції одночленими поліномами [3], отримуємо таку задачу геометричного програмування [1]:

мінімізувати

$$g_0(\bar{h}) \approx V/\pi = C_0 h_1^{b_{22}} h_2^{b_{32}} h_3^{b_{42}} h_4^{b_{52}} \quad /4/$$

при обмеженнях

$$g_1(\bar{h}) \approx \sigma_z^{\max} / [\sigma] = C_1 h_1^{b_{23}} h_2^{b_{33}} h_3^{b_{43}} h_4^{b_{53}} \leq 1;$$

$$g_2(\bar{h}) \approx \sigma_x^{\max} / [\sigma] = C_2 h_1^{b_{24}} h_2^{b_{34}} h_3^{b_{44}} h_4^{b_{54}} \leq 1; \quad /5/$$

$$g_3(\bar{h}) \approx \sigma_\theta^{\max} / [\sigma] = C_3 h_1^{b_{25}} h_2^{b_{35}} h_3^{b_{45}} h_4^{b_{55}} \leq 1;$$

$$g_4(\bar{h}) = C_4 h_2^{-1} h_3 \leq 1;$$

$$h_i > 0; \quad i = 1, 2, 3, 4; \quad /6/$$

$$\text{де } b_{jk} = \left( h_{j-1} \frac{\partial g_{k-2}(\bar{h})}{\partial h_{j-1}} / g_{k-2}(\bar{h}) \right)_{\bar{h}=\bar{h}^*};$$

$$C_{k-2} = \left( g_{k-2}(\bar{h}) / \left( \prod_{j=2}^5 h_{j-1}^{b_{jk}} [\sigma] \right) \right)_{\bar{h}=\bar{h}^*}; \quad j, k = 2, 3, 4, 5.$$

Ступінь важкості задачі /4/ - /6/ дорівнює нулеві.

Складена програма на алгоритмічній мові Алгол-60, що визначає точки, у яких виникають максимальні напруження, апроксимує функції одночленними поліномами, визначає оптимальні товщини і розподіл напружень в оптимальній конструкції. Для уточнення одержаного розв'язку використовували ітераційний процес [2].

Програма реалізована при таких значеннях фіксованих параметрів:

$$\begin{aligned} q &= 0,01 \text{ кг/мм}^2; E = 6240 \text{ кг/мм}^2; [\sigma] = 0,9 \text{ кг/мм}^2; \nu = 0,2; \\ R_1 &= 100 \text{ мм}; R_2 = 40 \text{ мм}; R_3 = \frac{\sqrt{3}}{2} R_1; R_4 = (R_3^2 + F^2)/2F; \\ \ell_2 &= 25 \text{ мм}; C_4 = 0,25; \theta_1 = \frac{2}{3} \pi; \theta_3 = \arcsin(R_2/R_1). \end{aligned}$$

Оптимальні товщини і об'єм конструкції:

$$\left. \begin{aligned} \ell_3 &= 25 \text{ мм} \\ F &= 2 \text{ мм} \end{aligned} \right\} \begin{aligned} h_1 &= 5,74 \text{ мм}; h_2 = 2,74 \text{ мм}; h_3 = 9,88 \text{ мм}; h_4 = 6,17 \text{ мм}; \\ V/\pi &= 0,14 \cdot 10^6 \text{ мм}^3; \end{aligned}$$

$$\left. \begin{aligned} \ell_3 &= 25 \text{ мм} \\ F &= 10 \text{ мм} \end{aligned} \right\} \begin{aligned} h_1 &= 0,54 \text{ мм}; h_2 = 1,28 \text{ мм}; h_3 = 5,12 \text{ мм}; h_4 = 4,40 \text{ мм}; \\ V/\pi &= 0,63 \cdot 10^5 \text{ мм}^3; \end{aligned}$$

$$\left. \begin{aligned} \ell_3 &= 10 \text{ мм} \\ F &= 2 \text{ мм} \end{aligned} \right\} \begin{aligned} h_1 &= 9,52 \text{ мм}; h_2 = 2,50 \text{ мм}; h_3 = 9,98 \text{ мм}; h_4 = 6,31 \text{ мм}; \\ V/\pi &= 0,15 \cdot 10^6 \text{ мм}^3; \end{aligned}$$

$$\left. \begin{aligned} \ell_3 &= 10 \text{ мм} \\ F &= 10 \text{ мм} \end{aligned} \right\} \begin{aligned} h_1 &= 3,07 \text{ мм}; h_2 = 1,31 \text{ мм}; h_3 = 5,24 \text{ мм}; h_4 = 4,52 \text{ мм}; \\ V/\pi &= 0,72 \cdot 10^5 \text{ мм}^3. \end{aligned}$$

У конструкції, циліндрична оболонка якої спряжена зі сферичною оболонкою, оптимальні товщини і об'єм конструкції значно більші, ніж у конструкції, циліндрична оболонка якої товщини  $h_3$  спряжена з пластинкою [4].

Як і слід було чекати, оптимальні товщини оболонок і об'єм конструкції зменшуються зі збільшенням стріли підйому.

Список літератури: І. Даффі Р., Питерсон Э., Зенер К. Геометрическое программирование. - М.: Мир, 1972.  
2. Зенер К. Геометрическое программирование и техническое проектирование. - М.: Мир, 1973. 4. Ощипко Л.Й., Іванків К.С., Юдіна Т.В. Оптимальний розрахунок деяких елементів електровакуумних приладів. - Вісн. Львів.ун-ту, сер. мех.-мат., 1977, вип. І2. 4. Ощипко Л.Й., Миськів О.А. Оптимальний розрахунок складових оболонок обертання. - Вісн. Львів.ун-ту, сер. мех.-мат., 1979, вип. І4.

УДК 517.958:681.3.057

Г.А.Шинкаренко, С.С.Григорян, І.І.Дияк

# ЧИСЕЛЬНЕ ДОСЛІДЖЕННЯ НЕСТАЦІОНАРНОГО КОНВЕКТИВНОГО ОСЕСИМЕТРИЧНОГО ТЕПЛООБМІНУ МЕТОДОМ СКІНЧЕННИХ ЕЛЕМЕНТІВ

Процес нестационарного конвективного осесимметричного теплообміну при відсутності внутрішніх джерел тепла описується рівнянням

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( \lambda r \frac{\partial u}{\partial r} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( \lambda \frac{\partial u}{\partial z} \right) = c \frac{\partial u}{\partial t}, \quad (r, z) \in \Omega \quad /1/$$

з крайовою і початковою умовами

$$-\lambda \frac{\partial u}{\partial \nu} = \alpha (u - f), \quad (r, z) \in \Gamma, \quad /2/$$

$$u(r, z, 0) = u_0(r, z), \quad (r, z) \in \Omega. \quad /3/$$

де  $\Omega$  - меридіанний перетин тіла, віднесений до циліндричної системи координат;  $\Gamma$  - границя області  $\Omega$ ;  $\lambda$ ,  $\alpha$ ,  $c$  - відповідно коефіцієнти теплопровідності, тепловіддачі і теплоємності;  $f$ ,  $u_0$  - відомі значення температури навколишнього середовища і початкового розподілу температури;  $\nu$  - напрям зовнішньої нормалі до контуру  $\Gamma$ .

Варіаційна постановка задачі /1/-/3/ формулюється так [2]: знайти таку функцію  $u \in W_2^1(\Omega)$ , яка задовольняє варіаційне рівняння

$$(cu, v) + a(u, v) = [f, v] \quad \forall v \in W_2^1(\Omega) \quad /4/$$

і початкову умову /3/. Тут використано наступні позначення: