

Gonnet G.H., Hare D.E.G. On the Lambert W Function //Advances in Comput. Math. 1996. Mol 5. P.329-359.

УДК 519.72

*В.А. Ліщинський, О.П. Хома*

## ПІДВИЩЕННЯ ЕФЕКТИВНОСТІ СИНТЕЗУ СКІНЧЕННИХ АВТОМАТІВ

Основою синтезу скінчених автоматів будь-якого типу - детермінованих, імовірнісних, нечітких, розпізнавачів і перетворювачів, структурних автоматних моделей - є частковий синтез функції переходів з відповідним зважуванням її елементів. Тому найдоцільніше покращувати побудову скінчених автоматів, створюючи ефективні методи і алгоритми синтезу функцій переходу.

Пропонується ефективний за часовим та ємнісним критеріями метод побудови функції переходів, заданої безпосередньо. Вхідним для нього є регулярний вираз  $R$  у вхідному алфавіті  $X$  автомата, результатом - послідовність  $F$  трійок  $u_i x u_j$  таких, що  $u_j = \delta(u_i, x)$ ,  $u_i, u_j \in U$ ,  $x \in \{\varepsilon\} \cup X$ , де  $\delta$  - функція переходів,  $E$  - множина станів автомата,  $\varepsilon$  - порожнє слово. Метод використовує вхідний магазин  $M_R$ , вихідний  $M_F$ , внутрішній  $M$ , лічильники  $J$  та  $I$ . У магазинах  $M_R$  і  $M_F$  зберігаються відповідно регулярний вираз і функція переходів або їхні частини. Лічильник  $I$  призначено для підрахунку кількості пар дужок, а  $J$  - кількості певних станів. Магазин  $M$  забезпечує правильне створення індексів станів автомата. Лічильники і магазин  $M$  ідентифіковані своїми алфавітами.

Функція переходів будується за один перегляд регулярного виразу  $R$  як результат переходу  $\pi : [R; O; O; \emptyset; \rho_0] \rightarrow [\emptyset; j; i; \emptyset; F]$ , де  $\rho_0$  - початковий стан автомата,  $i \in I$ ,  $j \in J$ . На кожному кроці у залежності від символу у вершині вхідного магазину застосовується лише одне з наступних правил.

$$\begin{aligned} [S\omega_R; j; i; \omega_M; \omega_F c] &\rightarrow [\omega_R; j; i; \omega_M; \omega_F \subset S], \\ [S\omega_R; j; i; \omega_M; \omega_F S'] &\rightarrow [\omega_R; n; i; \omega_M; \omega_F S' u_n, u_n S], \\ [(\omega_R; j; i; \omega_M; \omega_F] &\rightarrow [\omega_R; j; m; m\omega_M; \omega_F p_m p_m], \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & [\omega_R; j; i; l\omega_M; \omega_F] \rightarrow [\omega_R; j; i; \omega_M; \omega_F k_l, k_l], \\
 & [<\omega_R; j; i; \omega_M; \omega_F] \rightarrow [\omega_R; j; m; -m\omega_M; \omega_F p_m, (p_m, k_m)], \\
 & [>\omega_R; j; i; -l\omega_M; \omega_F] \rightarrow [\omega_R; j; i; \omega_M; \omega_F k_l, (p_l, k_l)], \\
 & [\cup\omega_R; j; i; -l\omega_M; \omega_F] \rightarrow [\omega_R; j; i; -l\omega_M; \omega_F k_l, (p_l, k_l)], \\
 & [\cup\omega_R; j; i; l\omega_M; \omega_F] \rightarrow [\omega_R; j; i; l\omega_M; \omega_F k_l, p_l], \\
 & [\emptyset; j; i; \omega_M; \omega_F] \rightarrow [\emptyset; j; i; \omega_M; \omega_F k_0],
 \end{aligned}$$

де  $\omega_R$  - кінцеве підслово виразу  $R$ ;

$\omega_F$  - початкова частина послідовності  $F$ ;

$\omega_M$  - слово алфавіту  $M$ ;

$c$  - допоміжний символ,  $c \notin X$ ;

$l, m, n$  - цілі додатні числа,  $m = i + 1$ ,  $n = j + 1$ ;

$S, S'$  - літери вхідного алфавіту;

"<", ">" - ітераційні дужки;

$u_n, k_l, k_m, p_l, p_m, k_0$  - стани автомата.

Після правила 9 ніяке інше правило не застосовується.

Для усунення трійок типу  $a\epsilon b, a, b \in U$  слід послідовно виконати наступні дії.

1. Множину ваг  $M_a$  стану  $a$  замінити множиною  $M_a \cup M_b$ , де  $M_b$  - множина ваг стану  $b$ .

2. Дляожної трійки типу  $bSb$ :

а) якщо існує хоча б одна трійка  $aS'd, d \in U$  така, що  $d \neq a$  і  $S' = S$ , то доповнити послідовність  $F$  трійкою  $aSb$ ;

б) якщо не існує трійки  $aS'd$ , то доповнити  $F$  трійкою  $aSa$ .

Вилучити трійку  $a\epsilon b$  з  $F$ .

3. Вилучити з послідовності  $F$  усі трійки типу  $aSb$ , якщо немає трійок  $dS''a, S'' \in X$ .

4. Множиною заключних станів автомата є множина усіх станів, позначених  $k_0$ .

Побудовано програму, яка реалізує запропонований метод разом з усуненням зайвих трійок.